

# Sensori ottici

Caratterizzazione dei sensori ottici:

- principio di funzionamento e grandezza misurata
  1. lo spettro elettromagnetico
  2. le grandezze fotometriche (le unità di misura del S.I.)
  3. l'assorbimento di radiazione in Si (generazione ottica)
  4. la sensibilità intrinseca del silicio

# Sensori ottici

Caratterizzazione dei sensori ottici:

- tipi di dispositivi, circuito di lettura (read-out) e modello del sensore (sensibilità)
  1. fotoresistenza
  2. fotodiode
  3. fototransistore bipolare e fototransistore MOS
  4. fotocondensatore MOS
  5. CCD

# Sensori ottici

Caratterizzazione dei sensori ottici:

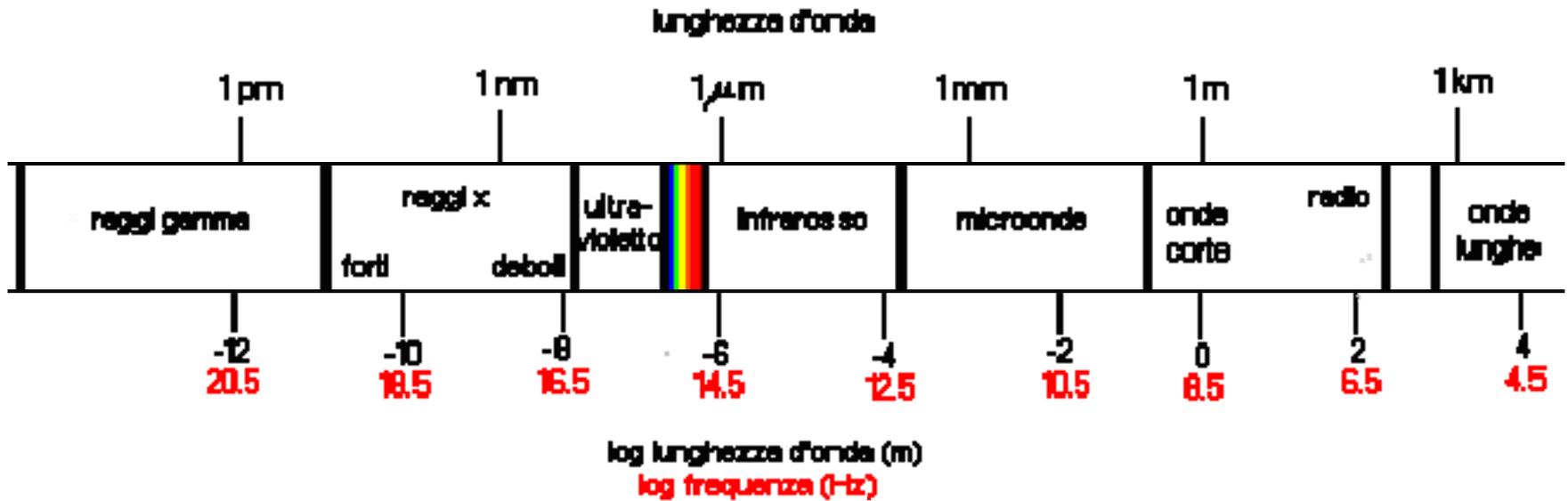
- architetture
  1. architettura a matrice di fotodiodi
  2. sensore CMOS
  3. sensore CID
  4. sensore CCD lineare
  5. Full Frame Transfer CCD
  6. Frame Transfer CCD
  7. Interline Transfer CCD

# Sensori ottici

Caratterizzazione dei sensori ottici:

- condizioni operative e prestazioni
  1. risoluzione spaziale dell'immagine
  2. gestione dei colori
  3. riflessione superficiale e rifrazione degli strati interposti di dielettrico
  4. blooming
  5. fill-factor

# Lo spettro elettromagnetico



relazione tra lunghezza d'onda e frequenza:

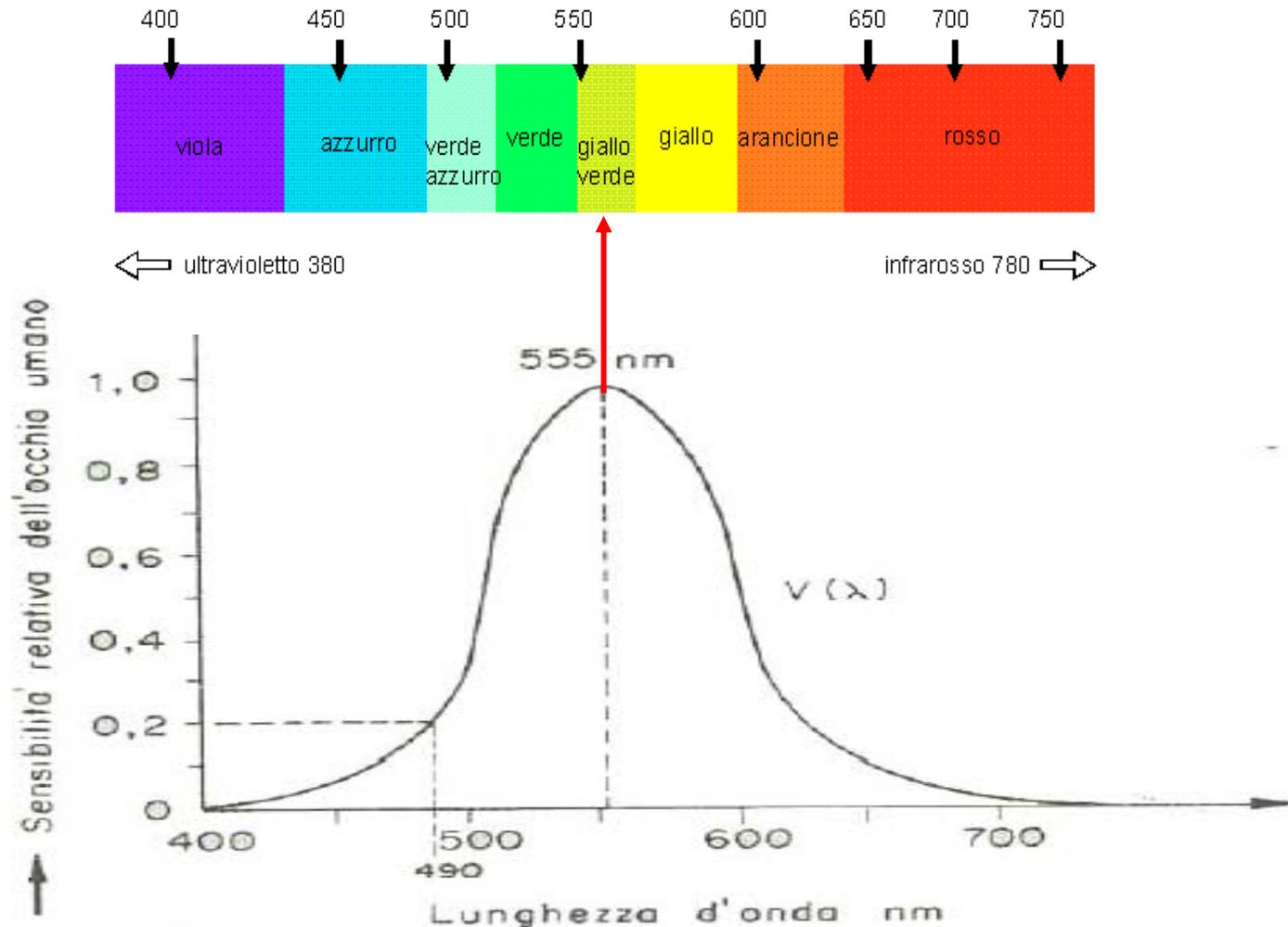
$$\lambda = c / \nu$$

$$c = 3 \times 10^8 \text{ m/s}$$

## Sensibilità dell'occhio umano

$V(\lambda)$  è la media delle risposte ottenute da un campione di osservatori in condizioni di luminosità superiori ad un certo minimo (visione fotopica).

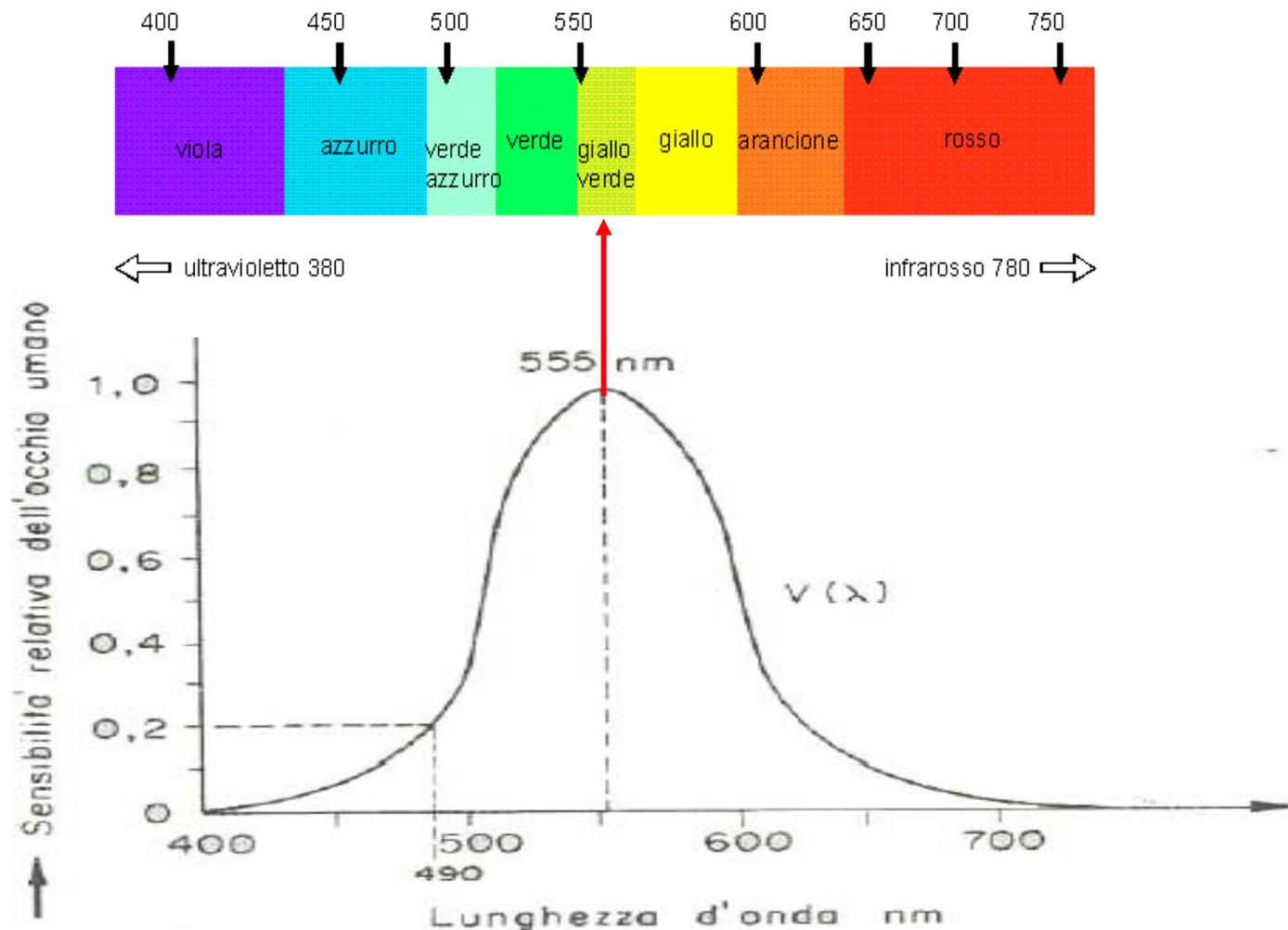
A  $\lambda = 555\text{nm}$  è  $1\text{W} = 683\text{ lm}$ .



## Definizione del lumen

A  $\lambda = 555 \text{ nm}$  il flusso luminoso di 1W corrisponde a 683 lm.

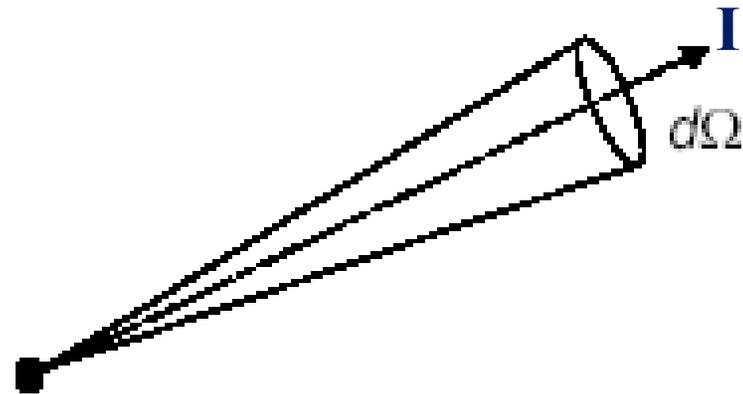
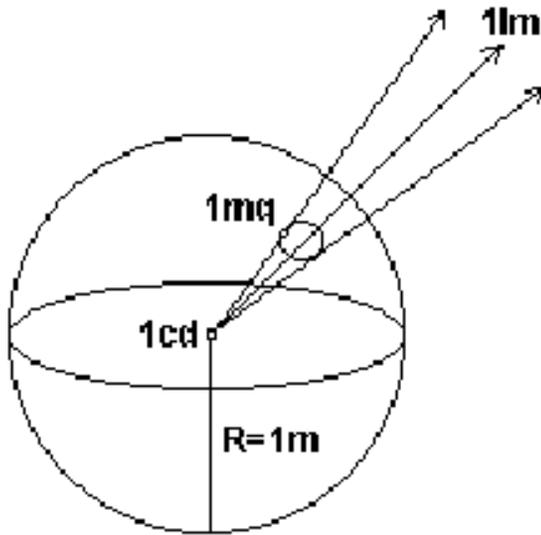
A  $\lambda = 490 \text{ nm}$  il flusso luminoso di 1W corrisponde a  $683 \times 0,2 = 136,6 \text{ lm}$ .



# Grandezze fotometriche (le unità di misura del S.I.)

Lumen (lm): unità di misura del flusso luminoso  $\Phi$  (flusso di energia "pesato" secondo la sensibilità spettrale dell'occhio umano).

Candela (cd): unità di misura dell'intensità luminosa  $I$  (flusso luminoso radiato in una certa direzione per unità di steradiante,  $\text{lm}/\text{sr}$ ).

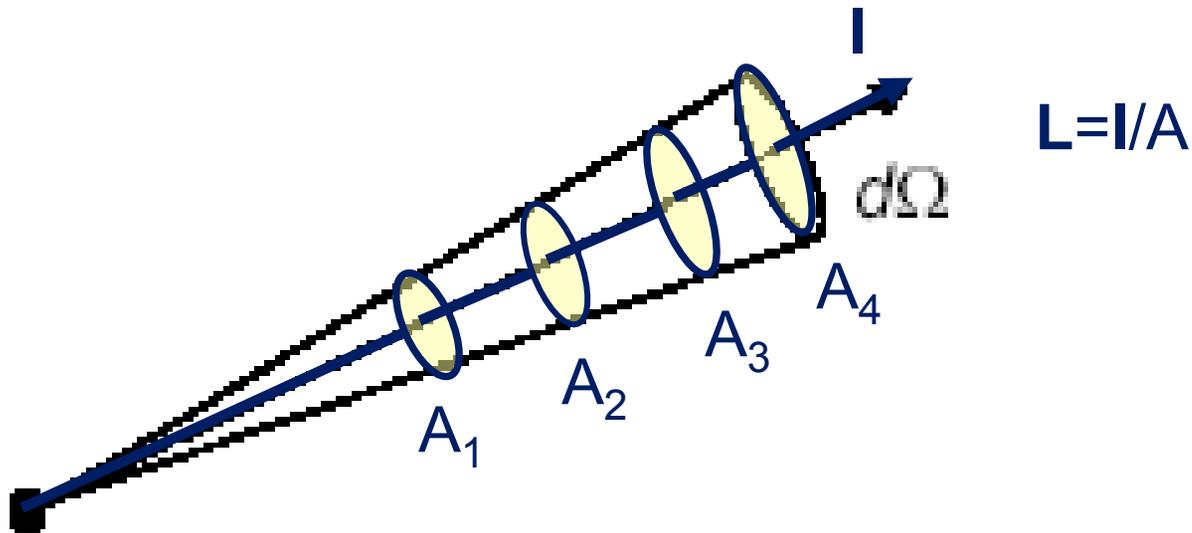


<http://physics.nist.gov>

# Grandezze fotometriche (le unità di misura del S.I.)

Nit (nt): unità di misura della luminanza **L** (intensità luminosa incidente su una superficie normale alla direzione del flusso di area unitaria,  $\text{cd}/\text{m}^2$ ). È indicativo dell'abbagliamento.

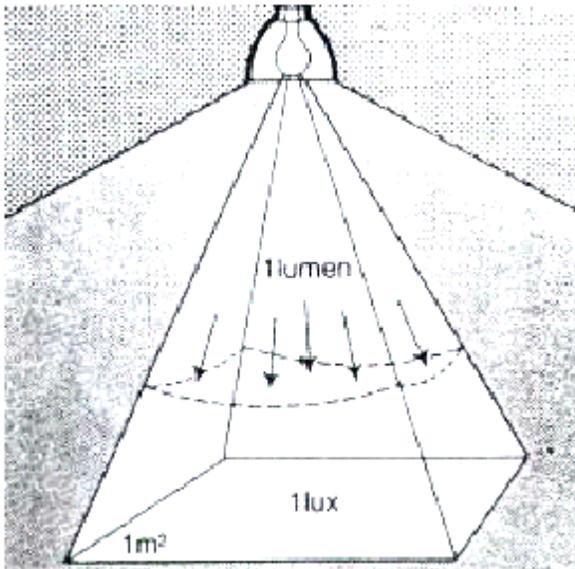
<http://physics.nist.gov>

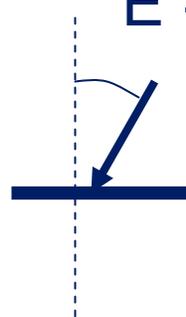


# Grandezze fotometriche (le unità di misura del S.I.)

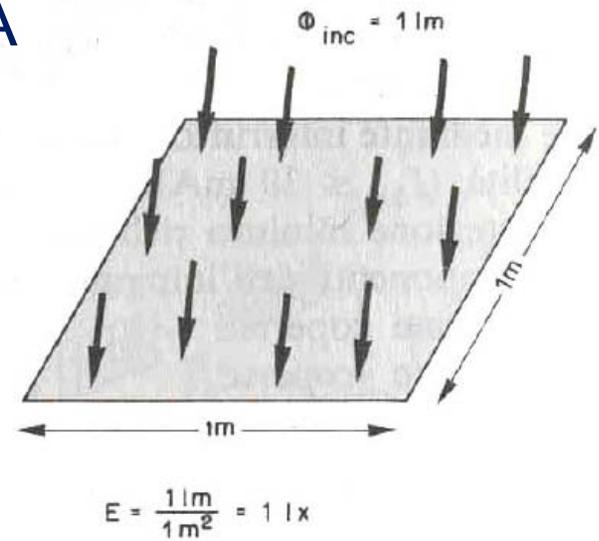
Lux (lux): unità di misura dell'illuminamento  $E$  (flusso luminoso incidente su una superficie di area unitaria,  $\text{lm}/\text{m}^2$ ).

<http://physics.nist.gov>



$$E = \Phi \cos(\theta) / A$$


A diagram showing a horizontal surface with a vertical dashed line representing the normal. An arrow representing light rays strikes the surface at an angle  $\theta$  from the normal.



A diagram showing a rectangular surface of 1m by 1m. The total incident light flux is labeled  $\Phi_{\text{inc}} = 1 \text{ lm}$ . Arrows represent the light rays incident on the surface. Below the diagram, the calculation for illuminance is shown:

$$E = \frac{1 \text{ lm}}{1 \text{ m}^2} = 1 \text{ lx}$$

## Illuminamenti prescritti

Tipo di attività/ambiente	Illuminamenti medi di esercizio
Spazio pubblico in contesto buio (all'aperto)	20-30-50 lux
Orientamento per brevi visite temporanee	50-100-150 lux
Spazio di lavoro all'interno del quale i compiti che richiedono l'impegno della vista sono svolti solo occasionalmente	100-150-200 lux
Esecuzione di lavori visivi su materiali: <ul style="list-style-type: none"> <li>■ Ad elevato contrasto o grandi dimensioni</li> <li>■ A medio contrasto o piccole dimensioni</li> <li>■ A basso contrasto o dimensioni molto piccole</li> <li>■ A basso contrasto o dimensioni molto piccole per periodi di tempo prolungati</li> </ul>	200-300-500 lux 500-750-1000 lux 1000-1500-2000 lux  1500-2000-3000 lux
Svolgimento di lavori visivi impegnativi e prolungati (illuminazione localizzata)	5000-10000-15000 lux
Svolgimento di lavori visivi molto speciali eseguiti su materiale a basso contrasto e di piccole dimensioni (illuminazione localizzata)	10000-30000 lux e oltre

## Il flusso luminoso $\Phi$

Onda piana monocromatica TEM:

$$E = E_0 \exp[j(kx - \omega t)]$$

$$B = B_0 \exp[j(kx - \omega t)]$$

con  $k = 2\pi/\lambda$ ,  $\omega = 2\pi\nu$  e

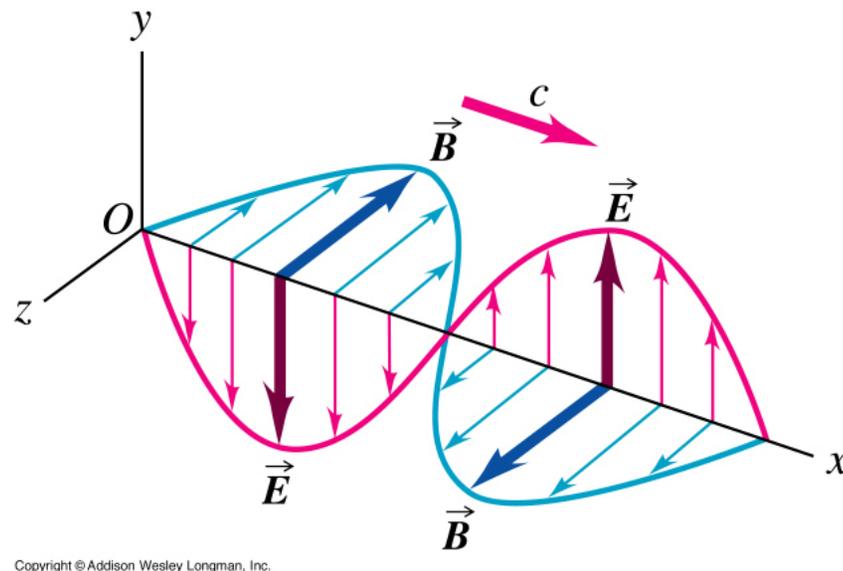
$$E_0 = c B_0$$

$$B = \mu H$$

$\mu$ -permeabilità magnetica

→ il flusso luminoso (in Watt) è la potenza irradiata dalla sorgente luminosa (o flusso di potenza).

V. Rizzoli “Lezioni di campi elettromagnetici- Propagazione libera”,  
Progetto Leonardo (Bologna)



$$P_I = -\int_V \mathbf{J}_I \cdot \mathbf{E} dV \quad \mathbf{J}_I \text{ è la densità di corrente impressa (sorgente)}$$

Bilancio energetico relativo al volume V

$$\nabla \times \mathbf{H} = \varepsilon \frac{\partial \mathbf{E}}{\partial t} + \mathbf{J} + \mathbf{J}_I$$

$$\nabla \times \mathbf{E} = -\mu \frac{\partial \mathbf{H}}{\partial t}$$

$$\nabla \times \mathbf{H} \cdot \mathbf{E} = \varepsilon \frac{\partial \mathbf{E}}{\partial t} \cdot \mathbf{E} + \mathbf{J} \cdot \mathbf{E} + \mathbf{J}_I \cdot \mathbf{E}$$

$$\nabla \times \mathbf{E} \cdot \mathbf{H} = -\mu \frac{\partial \mathbf{H}}{\partial t} \cdot \mathbf{H}$$

V. Rizzoli “Lezioni di campi elettromagnetici- Propagazione libera”,  
Progetto Leonardo (Bologna)

$$\nabla \times \mathbf{H} \cdot \mathbf{E} - \nabla \times \mathbf{E} \cdot \mathbf{H} = \varepsilon \frac{\partial \mathbf{E}}{\partial t} \cdot \mathbf{E} + \mu \frac{\partial \mathbf{H}}{\partial t} \cdot \mathbf{H} + \mathbf{J} \cdot \mathbf{E} + \mathbf{J}_I \cdot \mathbf{E}$$

$$-\nabla \cdot (\mathbf{E} \times \mathbf{H}) = \frac{1}{2} \varepsilon \frac{\partial (\mathbf{E} \cdot \mathbf{E})}{\partial t} + \frac{1}{2} \mu \frac{\partial (\mathbf{H} \cdot \mathbf{H})}{\partial t} + \mathbf{J} \cdot \mathbf{E} + \mathbf{J}_I \cdot \mathbf{E}$$

$$-\mathbf{J}_I \cdot \mathbf{E} = \frac{1}{2} \varepsilon \frac{\partial (\mathbf{E} \cdot \mathbf{E})}{\partial t} + \frac{1}{2} \mu \frac{\partial (\mathbf{H} \cdot \mathbf{H})}{\partial t} + \mathbf{J} \cdot \mathbf{E} + \nabla \cdot (\mathbf{E} \times \mathbf{H})$$

$$P_I = \underbrace{\int_V \frac{1}{2} \varepsilon \frac{\partial (\mathbf{E} \cdot \mathbf{E})}{\partial t} + \frac{1}{2} \mu \frac{\partial (\mathbf{H} \cdot \mathbf{H})}{\partial t} dV}_{\text{potenza elettromagnetica in } V} + \underbrace{\int_V \mathbf{J} \cdot \mathbf{E} dV}_{\text{effetto Joule}} + \underbrace{\int_V \nabla \cdot (\mathbf{E} \times \mathbf{H}) dV}_{\text{potenza che viene irradiata all'esterno}}$$

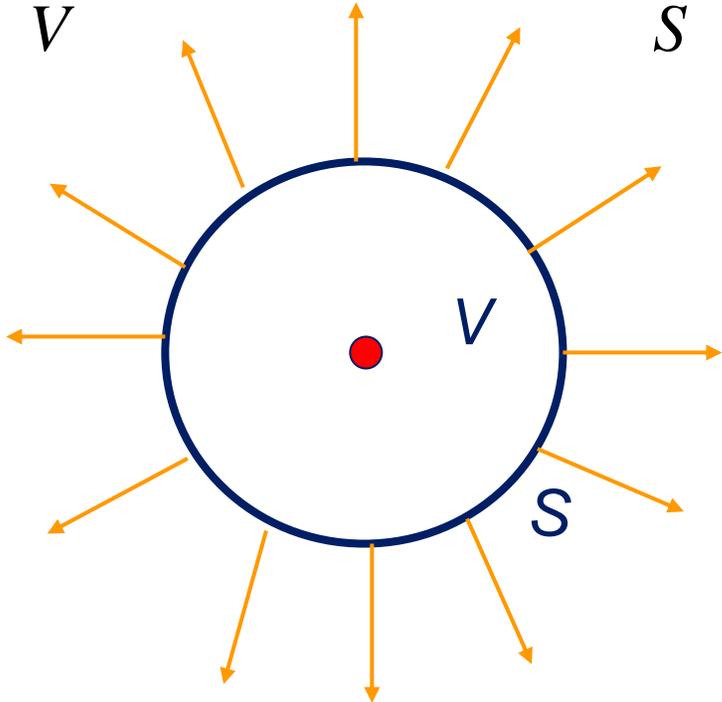
potenza elettromagnetica in  $V$

effetto Joule

potenza che viene irradiata all'esterno

V. Rizzoli “Lezioni di campi elettromagnetici- Propagazione libera”,  
Progetto Leonardo (Bologna)

$$\int_V \nabla \cdot (\mathbf{E} \times \mathbf{H}) dV = \int_S (\mathbf{E} \times \mathbf{H}) \cdot \mathbf{i}_n dS = \Phi$$



Intensità di una onda EM o densità di potenza ( $\text{W}/\text{m}^2$ )

$$\mathbf{S} = \mathbf{E} \times \mathbf{H}$$

$\mathbf{S}$  è il vettore di Poynting, detto anche

$I$  –intensità dell'onda EM ( $\text{W}/\text{m}^2$ )

$E = \mathbf{S} \cdot \mathbf{i}_n$  è l'illuminamento ( $\text{W}/\text{m}^2$ )



# L'intensità di una onda piana monocromatica

Onda piana monocromatica TEM:

$$\mathbf{E} = E_0 \exp[j(kx - \omega t)]$$

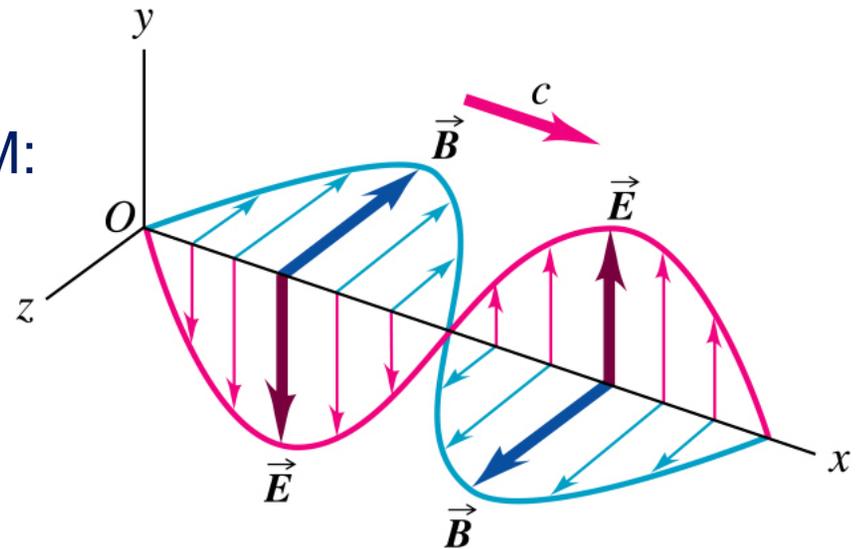
$$\mathbf{B} = B_0 \exp[j(kx - \omega t)]$$

con  $k = 2\pi/\lambda$ ,  $\omega = 2\pi\nu$  e

$$E_0 = c B_0$$

$$\mathbf{B} = \mu \mathbf{H}$$

$$\rightarrow \mathbf{I} = \mathbf{S} = \mathbf{E} \times \mathbf{H} = \mathbf{E} \times \mathbf{B}/\mu = E_0^2 / 2c\mu \hat{i}_x$$



Copyright © Addison Wesley Longman, Inc.

## La propagazione dell'onda EM nei mezzi omogenei privi di sorgenti e con perdite

L'onda EM risente delle perdite del mezzo:

$$|E| = E_0 \exp(-\alpha x/2)$$

L'intensità di luce decade esponenzialmente nel mezzo:

$$I = E_0^2 \exp(-\alpha x) / 2c\mu \hat{i}_x = I_0 \exp(-\alpha x) \hat{i}_x$$

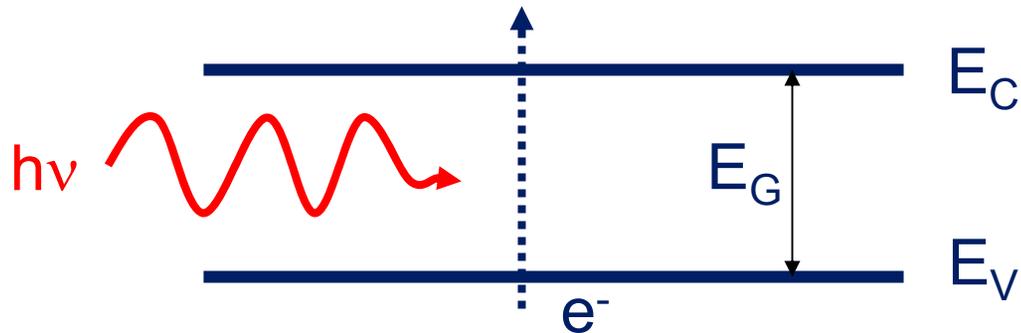
con  $\alpha$  [ $\text{cm}^{-1}$ ] – costante di attenuazione intrinseca del mezzo, dipendente dalla conducibilità e dalla frequenza dell'onda EM.

In un metallo è  $\alpha \rightarrow \infty$  e quindi si parla di “effetto pellicolare”: lo spessore di penetrazione  $1/\alpha$  di un'onda EM nel visibile è molto piccolo ( $\sim \text{nm}$ ).

I dielettrici invece sono senza perdite, cioè trasparenti.

# Assorbimento della radiazione in silicio (generazione ottica) -I

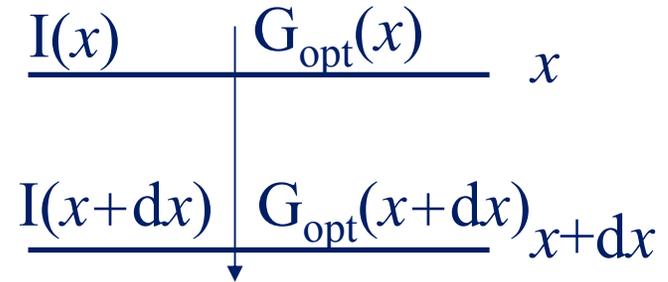
L'onda EM che propaga nel silicio con intensità di modulo  $I = I_0 \exp(-\alpha x)$  viene assorbita a causa della generazione ottica:



CASO IDEALE: ogni fotone genera una coppia elettrone-lacuna

$$I(x) = \frac{\Phi}{A} = h\nu \frac{\Phi_{\text{ph}}(x)}{A} = h\nu \frac{dN_e}{dt} \frac{1}{A}$$

# Assorbimento della radiazione in silicio (generazione ottica) -II



$$I(x) = \frac{\Phi}{A} = h\nu \frac{\Phi_{\text{ph}}(x)}{A}$$

$$-\frac{dI}{dx} = h\nu \frac{1}{A} \frac{\partial}{\partial x} \left( \frac{\partial N_e}{\partial t} \right) = h\nu \frac{\partial}{\partial t} \left( \frac{1}{A} \frac{\partial N_e}{\partial x} \right) = h\nu \frac{\partial n}{\partial t}$$

$$\frac{\partial n}{\partial t} = G_{\text{opt}} \quad \text{numero di coppie e-h generato a causa dell'assorbimento di un fotone nell'unità di volume e di tempo (cm}^{-3} \text{ s}^{-1}\text{).}$$

$$G_{\text{opt}} = -\frac{1}{h\nu} \frac{dI}{dx} = \alpha \frac{I_0}{h\nu} \exp(-\alpha x)$$

# Assorbimento della radiazione in silicio (generazione ottica) -III

**CASO NON IDEALE:**

**non tutti i fotoni assorbiti generano una coppia e-h.**

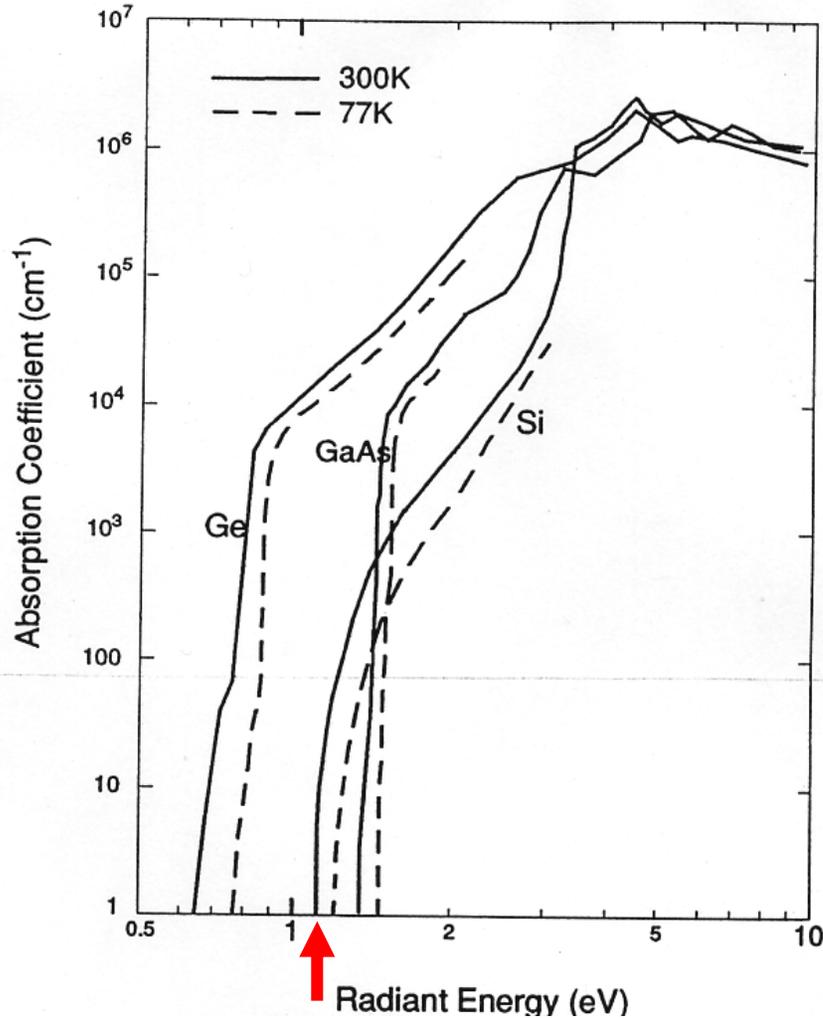
**Meccanismi concorrenti:**

- 1. eccitazione di vibrazioni reticolari**
- 2. collisione di elettroni già in banda di conduzione**
- 3. eccitazione di elettroni in banda di valenza che rimangono in b.v.**
- 4. eccitazione di elettroni in banda di valenza che vanno in stati trappola**
- 5. generazione ottica diretta**

$$G_{\text{opt}} = -\frac{\eta}{h\nu} \frac{dI}{dx} = \alpha \frac{\eta I_0}{h\nu} \exp(-\alpha x)$$

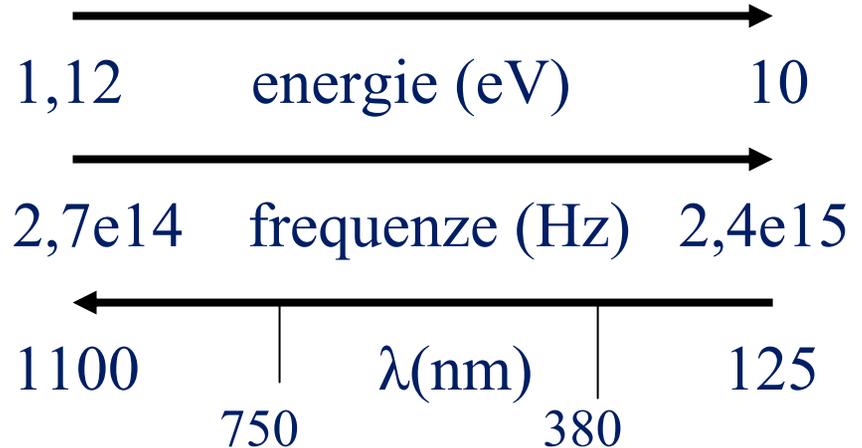
**$\eta$  – efficienza quantica intrinseca del silicio**

# Il coefficiente di assorbimento in silicio



$$\alpha = A(h\nu - E_G)^{3/2}$$

$$A_{Si} = 3,33 \times 10^3 \text{ cm}^{-1}$$



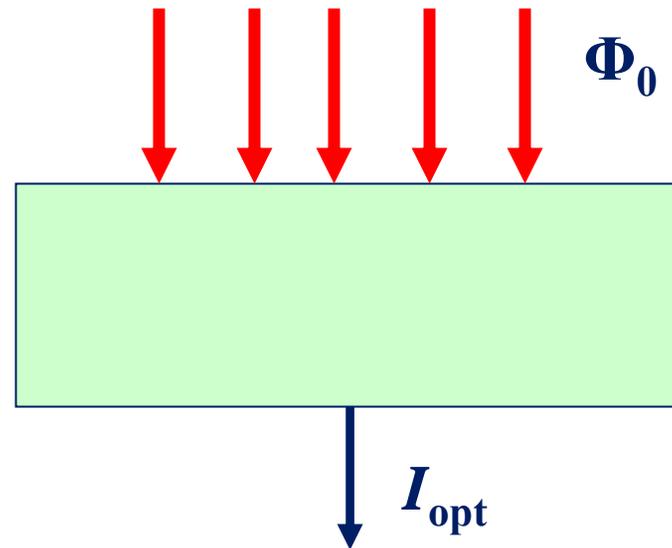
S. M. Sze "Semiconductor Sensors", Wiley Interscience

# La sensibilità intrinseca del silicio-I

La sensibilità intrinseca del silicio è

$$S(\lambda) = \frac{I_{opt}}{\Phi_0} = \frac{\text{fotocorrente}}{\text{flusso (o potenza) dell'onda incidente}}$$

$$S(\lambda) = \frac{I_{opt}}{\Phi_0} = \frac{AJ_{opt}}{AI_0}$$



# La sensibilità intrinseca del silicio-II

La densità di corrente fotogenerata in silicio è:

$$\frac{\partial n}{\partial t} - \frac{1}{q} \nabla \cdot \mathbf{J}_n = G_{opt} - U_{SRH}$$

HP1- condizioni stazionarie

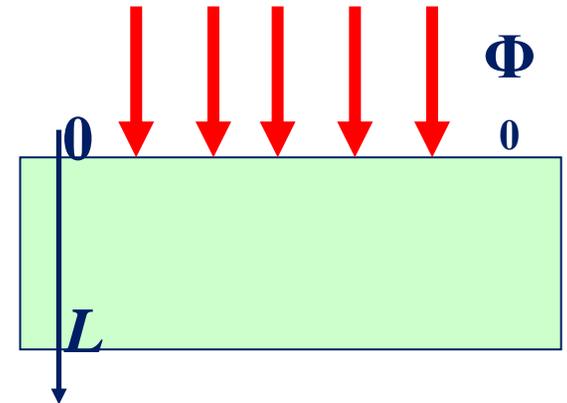
HP2-  $G_{opt} \gg U_{SRH}$

HP3- condizione 1D

$$\frac{dJ_n}{dx} = -qG_{opt} = -q\alpha \frac{\eta I_0}{h\nu} \exp(-\alpha x)$$

$$J_{opt} = q\alpha \frac{\eta I_0}{h\nu} \int_0^L \exp(-\alpha x) dx$$

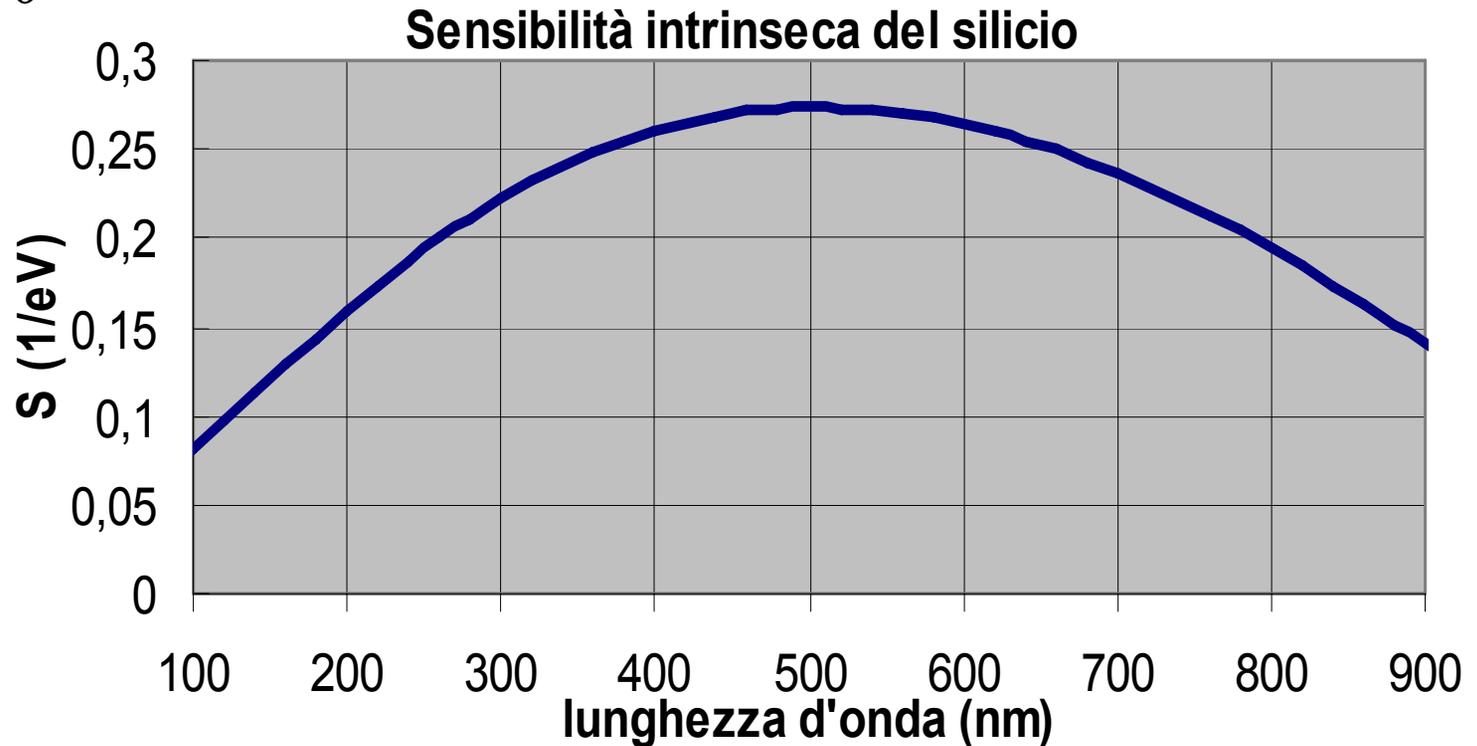
$$= -q \frac{\eta I_0}{h\nu} [\exp(-\alpha x)]_0^L = q \frac{\eta I_0}{h\nu} [1 - \exp(-\alpha L)]$$



# La sensibilità intrinseca del silicio-III

La sensibilità intrinseca del silicio è

$$S(\lambda) = \frac{J_{opt}}{I_0} = \frac{q\eta}{hc} \lambda [1 - \exp(-\alpha L)]$$

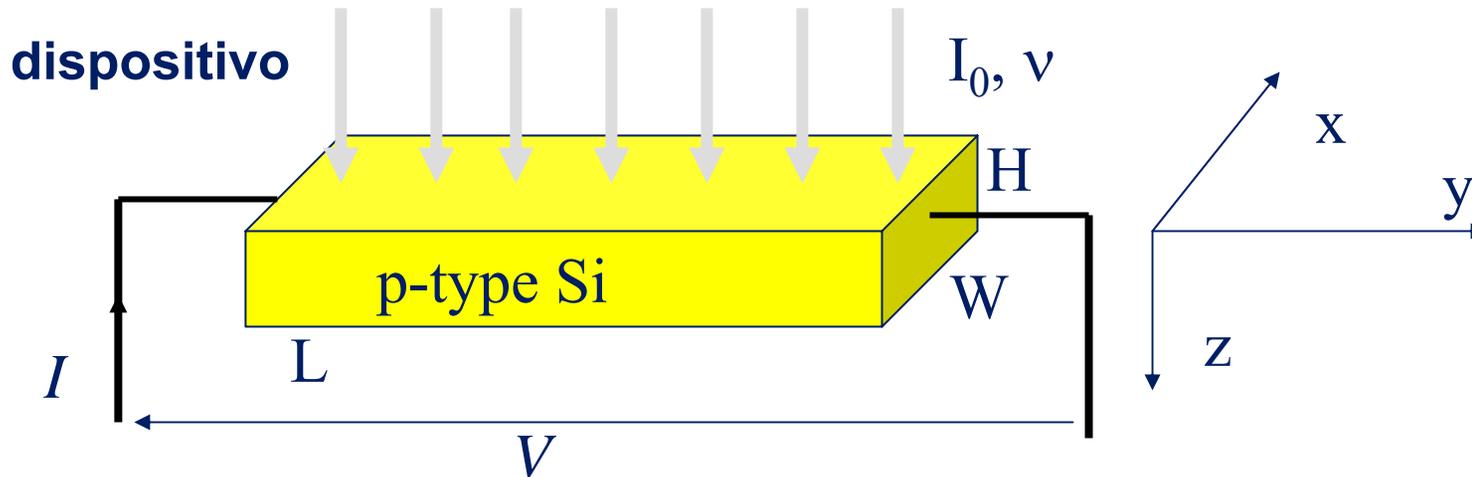


# Sensori ottici

Caratterizzazione dei sensori ottici:

- tipi di dispositivi, circuito di lettura (read-out) e modello del sensore (sensibilità)
  1. fotoresistenza
  2. fotodiode
  3. fototransistore bipolare e fototransistore MOS
  4. fotocondensatore MOS
  5. CCD – Charge Coupled Devices

# Fotoresistenza



**HP1-** silicio drogato uniformemente con  $N_A$  costante

$$R_0 = \rho_0 L_0 / (W_0 H_0) = L_0 / (W_0 H_0) 1 / (q N_A \mu_p)$$

**HP2-** onda incidente con intensità  $\mathbf{I}_0 = I_0 \mathbf{i}_z$  e frequenza  $\nu$

**HP3-**  $H \ll 1/\alpha(\nu) \rightarrow$  posso considerare una generazione ottica costante in  $z$ :

$$G_{\text{opt}} = \alpha \frac{\eta I_0}{h\nu} e^{-\alpha z} \simeq \alpha \frac{\eta I_0}{h\nu}$$

# Fotoresistenza

**modello**

$$\frac{\partial n}{\partial t} - \frac{1}{q} \nabla \cdot \mathbf{J}_n = G_{opt} - U_{SRH}$$

**HP4-** condizione quasi-stazionaria

**HP5-**  $J=0$  lungo  $z \rightarrow G_{opt} - U_{SRH} = 0$

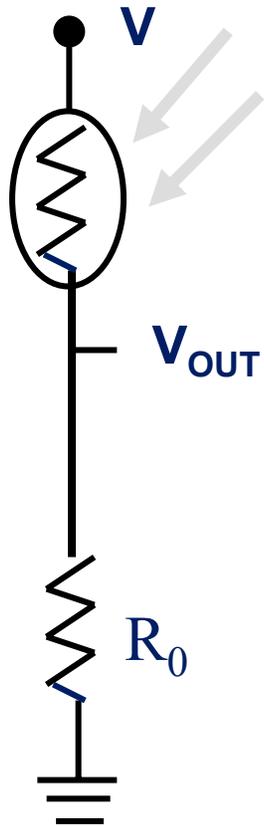
$$U_{SRH} = \frac{\Delta n}{\tau_n} \rightarrow \Delta n = \Delta p = \tau_n \alpha \frac{\eta I_0}{h\nu}$$

$$\Delta \sigma = q(\Delta p \mu_p + \Delta n \mu_n) = q \tau_n \alpha \frac{\eta I_0}{h\nu} (\mu_p + \mu_n)$$

$$\frac{\Delta R}{R_0} = \frac{\Delta \rho}{\rho_0} = -\frac{\Delta \sigma}{\sigma_0} = -\tau_n \alpha \frac{\eta I_0}{h\nu} \frac{(\mu_p + \mu_n)}{N_A \mu_p}$$

# Fotoresistenza

circuito di lettura



$$\frac{\Delta V_{\text{out}}}{V} = -\frac{1}{4} \frac{\Delta R}{R_0}$$

**sensibilità del sensore:**

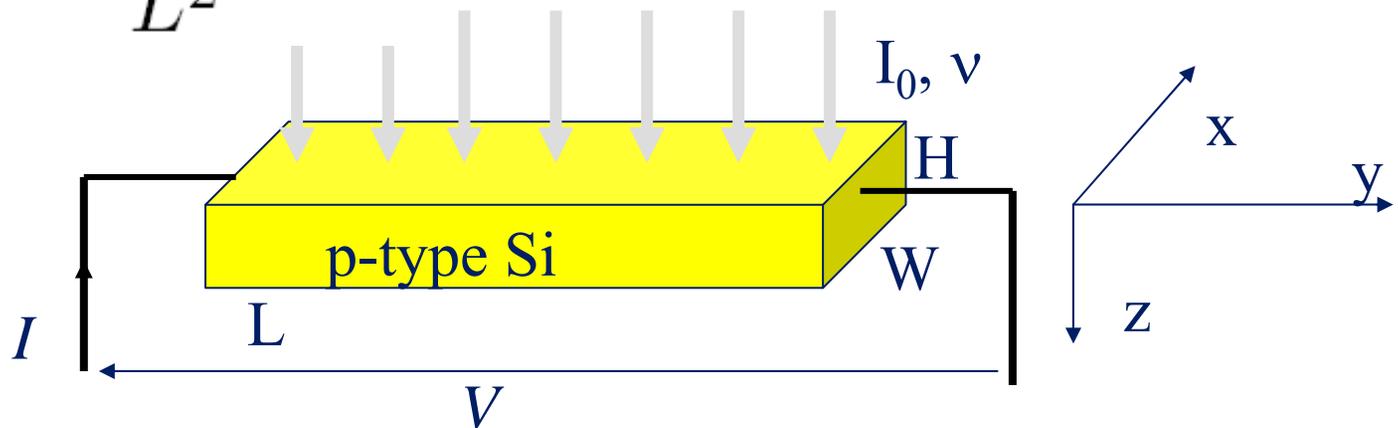
$$S_V = \frac{\Delta V_{\text{out}}}{I_0 V} = -\frac{1}{4} \frac{\Delta R}{I_0 R_0} = \frac{1}{4} \tau_n \alpha \frac{\eta}{h\nu} \frac{(\mu_p + \mu_n)}{N_A \mu_p}$$

guadagno di fotoconduttività del fotoresistore:

$$A_F = \frac{\Delta I}{I_{\text{opt}}}$$

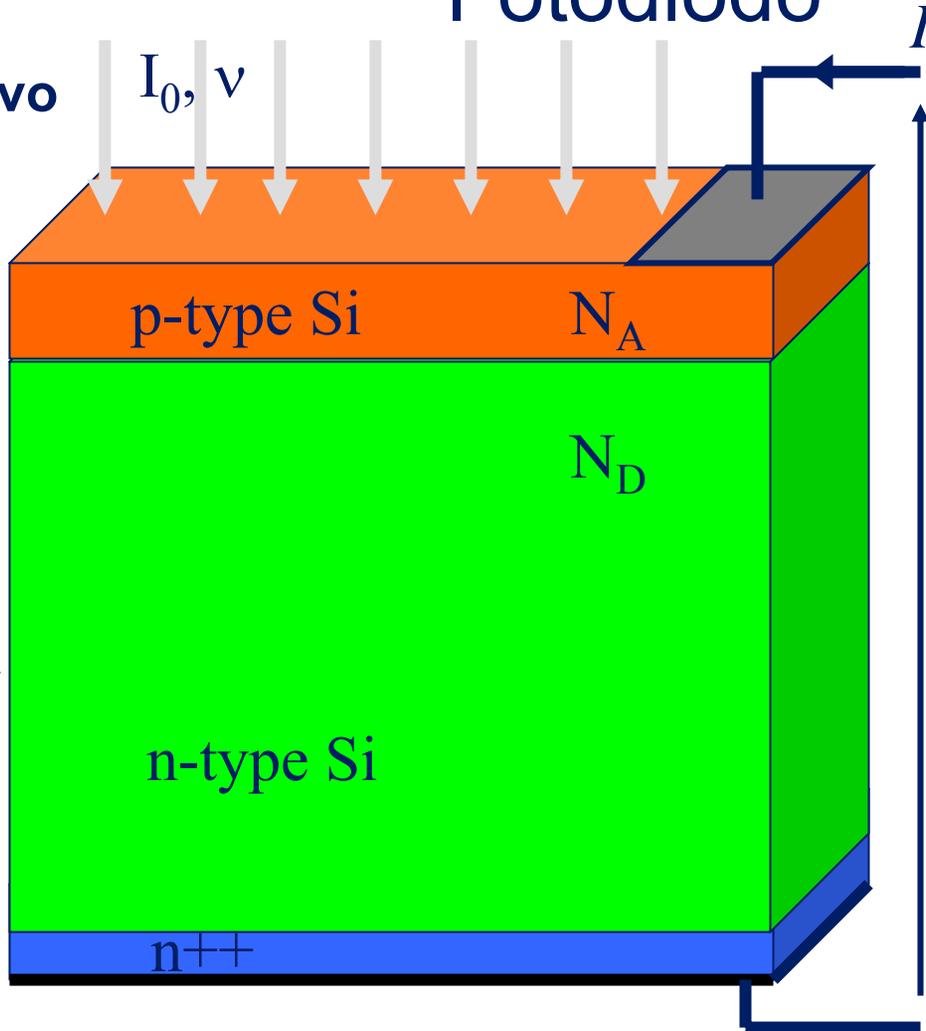
$$\Delta I = HW \Delta \sigma E \quad I_{\text{opt}} = LW \int_0^H q G_{\text{opt}} dz$$

$$A_F = \frac{(\mu_p + \mu_n) \tau_n V}{L^2}$$



# Fotodiiodo

dispositivo



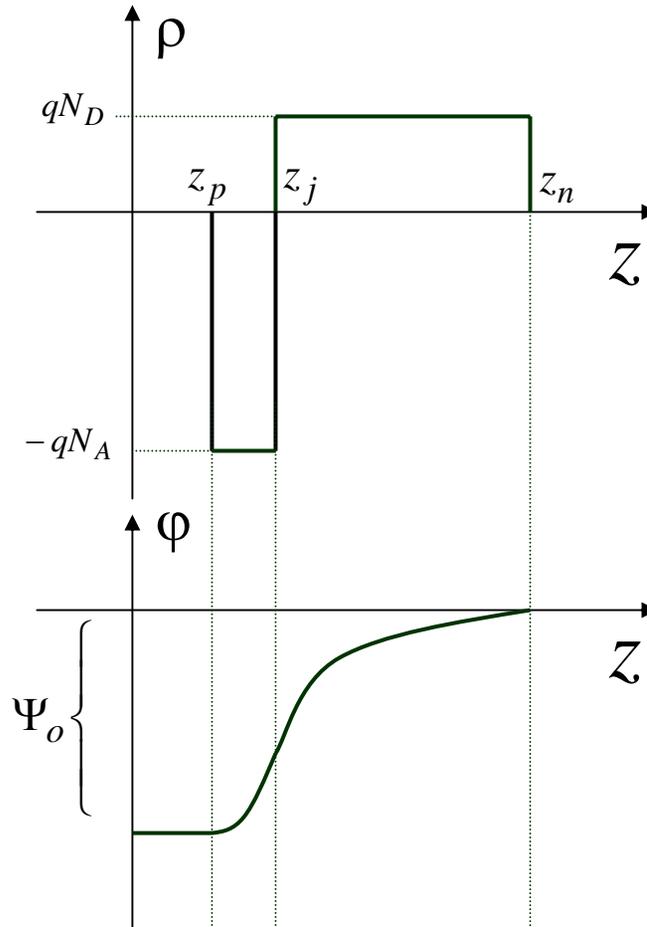
$V$

- HP1-** silicio drogato uniformemente in (x,y)
- HP2-** giunzione pn brusca (condizione ASCE)
- HP3-** onda incidente con intensità  $I_0 = I_0 i_z$  e frequenza  $\nu$

# Fotodiodo

funzionamento della giunzione pn:

$$V = 0$$



$$z_n - z_j = l_n$$

$$z_p - z_j = -l_p$$

$$l = l_n + l_p = \sqrt{\frac{2\varepsilon_s \Psi_o}{q} \left( \frac{1}{N_A} + \frac{1}{N_D} \right)}$$

$$\Psi_o = \frac{k_B T}{q} \ln \left( \frac{N_A N_D}{n_i^2} \right)$$

# Fotodiodo

funzionamento della giunzione pn:

$$V \neq 0 \quad l(V) = \sqrt{\frac{2\varepsilon_s(\Psi_o - V)}{q} \left( \frac{1}{N_A} + \frac{1}{N_D} \right)}$$

# Fotodiodo

funzionamento della giunzione pn:

$$J = J_s \left( e^{\frac{qV}{k_B T}} - 1 \right) + J_u$$

$$J_s = qn_i^2 \left( \sqrt{\frac{D_p}{\tau_p}} \frac{1}{N_D} + \sqrt{\frac{D_n}{\tau_n}} \frac{1}{N_A} \right)$$

$$J_u = \int_{z_p}^{z_n} qU_{SRH} dz$$

$$V < 0$$

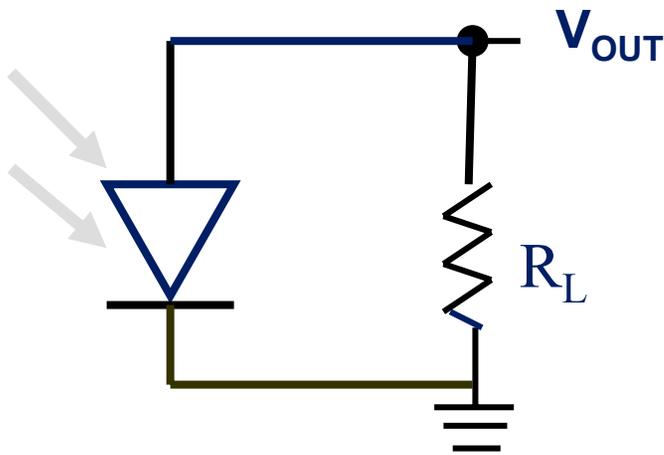
$$J_u = -q \frac{n_i}{\tau_g} l(V); \quad J_s \ll J_u \rightarrow J = J_u$$

# Fotodiodo

## modello del fotodiodo

$$J_{\text{opt}} = \int_0^H qG_{\text{opt}}(z)dz = \int_0^l q\alpha \frac{\eta I_0}{h\nu} e^{-\alpha z} dz = q \frac{\eta I_0}{h\nu} (1 - e^{-\alpha l})$$

## circuito di lettura



$$\Delta V_{\text{out}} = R_L I_{\text{opt}}$$

## sensibilità del sensore:

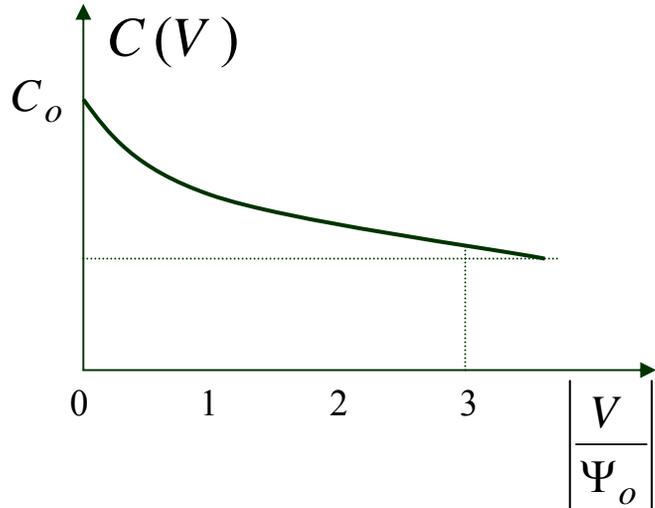
$$S = \frac{\Delta V_{\text{out}}}{I_0} = R_L (WL) q \frac{\eta}{h\nu} (1 - e^{-\alpha l})$$

## guadagno di fotoconduttività del fotodiodo:

$$A_F = \frac{\Delta I}{I_{\text{opt}}} = 1$$

# Fotodiodo in accumulo di carica (storage-mode)

capacità di barriera:



$$C = \frac{\epsilon_s}{l(V)} = \frac{C_o}{\sqrt{1 - \frac{V}{\Psi_o}}}$$

$$\begin{aligned} \frac{dQ}{dt} &= C(V) \frac{dV}{dt} \rightarrow \Delta Q = \int_0^{t_1} C \frac{dV}{dt} dt = \\ &= 2C_o \Psi_o \left( \sqrt{1 - \frac{V(t=0)}{\Psi_o}} - \sqrt{1 - \frac{V(t=t_1)}{\Psi_o}} \right) \end{aligned}$$

## illuminamento con $I_o$ costante:

$$J_{opt} = +q \frac{\eta I_o}{h\nu} \left[ 1 - e^{-\alpha l} \right] ; \quad J_{opt} \text{ costante e } \propto I_o$$

$$\frac{dQ}{dt} = J_{opt} \rightarrow \Delta Q = J_{opt} t_1 = J_{opt} T_i, \quad T_i - \text{tempo d'integrazione}$$

$$V(t = 0) = V_o$$

$$V(t = 1) = V_1$$

$$J_{opt} T_i = 2C_o \Psi_o \left( \sqrt{1 - \frac{V_o}{\Psi_o}} - \sqrt{1 - \frac{V_1}{\Psi_o}} \right)$$

## illuminamento con $I_o$ costante:

$$\tau = \frac{C_o \Psi_o}{J_{opt}} \quad \text{tempo di carica di } C_o \text{ da } 0 \text{ a } \Psi_o \quad \text{con densità di corrente costante}$$

$$T_i = 2\tau \left( \sqrt{1 - \frac{V_o}{\Psi_o}} - \sqrt{1 - \frac{V_1}{\Psi_o}} \right)$$

$$T = \frac{C_o \Psi_o}{J_{opt}} \sqrt{1 - \frac{V_o}{\Psi_o}} = \frac{C(V_o)}{J_{opt}} (\Psi_o - V_o)$$

tempo di carica di  $C(V_o)$   
da  $V_o$  a  $\Psi_o$   
con densità di corrente costante

$$T_i = 2T - 2\tau \sqrt{1 - \frac{V_1}{\Psi_o}}$$

illuminamento con  $I_o$  costante:

$$T_i = 2T - 2\tau \sqrt{1 - \frac{V_1}{\Psi_o}}$$

$$\frac{2T - T_i}{2\tau} = \sqrt{1 - \frac{V_1}{\Psi_o}}$$

$$V_1 = \Psi_o \left[ 1 - \left( \frac{T - \frac{T_i}{2}}{\tau} \right)^2 \right] = \Psi_o \left[ 1 - \left( \frac{T}{\tau} \right)^2 \left( 1 - \frac{T_i}{2T} \right)^2 \right]$$

$$\left( \frac{T}{\tau} \right)^2 = \frac{C^2 (V_o) (\Psi_o - V_o)^2}{C_o^2 \Psi_o^2} = \frac{\cancel{C_o^2}}{\left( 1 - \frac{V_o}{\Psi_o} \right)} \left( 1 - \frac{V_o}{\Psi_o} \right)^2 \frac{\cancel{\Psi_o^2} 1}{\cancel{\Psi_o^2} \cancel{C_o^2}} = \left( 1 - \frac{V_o}{\Psi_o} \right)$$

**illuminamento con  $I_o$  costante:**

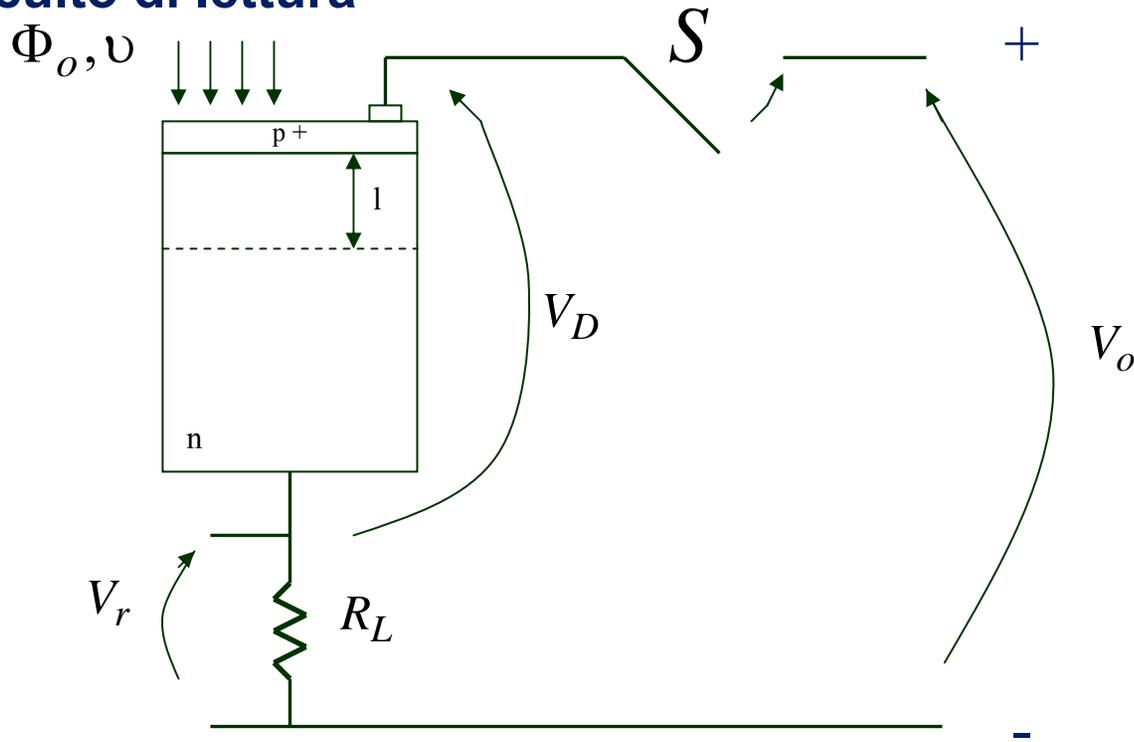
$$T_i \ll T$$

$$V_1 = \Psi_o + (V_o - \Psi_o) \left(1 - \frac{T_i}{2T}\right)^2 \cong \Psi_o + (V_o - \Psi_o) \left(1 - \frac{T_i}{T}\right) =$$

$$= V_o + (\Psi_o - V_o) \frac{T_i}{T} = V_o + \frac{J_{opt}}{C(V_o)} T_i$$

$$\Delta V = \frac{J_{opt}}{C(V_o)} T_i \quad \text{(modello del fotodiode in storage-mode)}$$

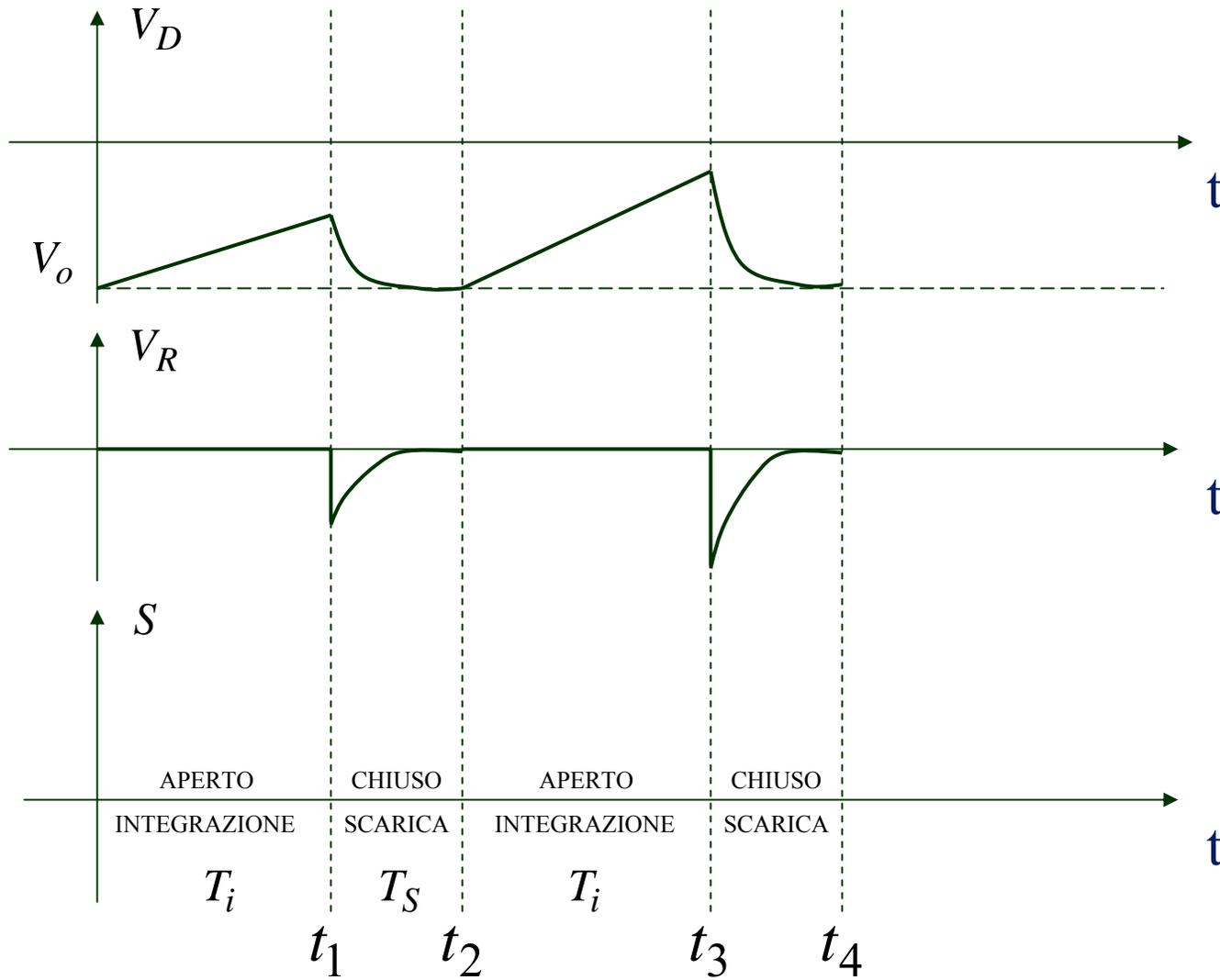
## circuito di lettura



A)  $t = 0$  S aperto  $\rightarrow I = 0, V_R = 0, V_D(t = 0) = V_o$   
 illuminamento costante  $\rightarrow$  accumulo di carica

B)  $t = T_i$  S chiuso  $\rightarrow I_R = \frac{\Delta V_R}{R_L} = \frac{V_o - V_D(T_i)}{R_L} = -\frac{J_{opt} T_i}{C(V_o) R_L}$

# circuito di lettura



# Fotodiodo in accumulo di carica (storage-mode)

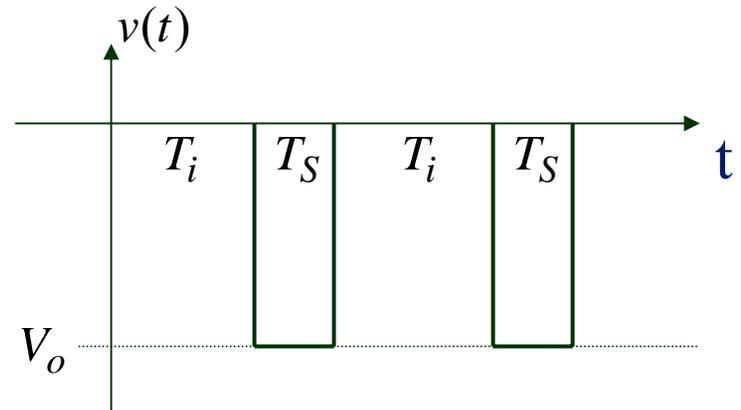
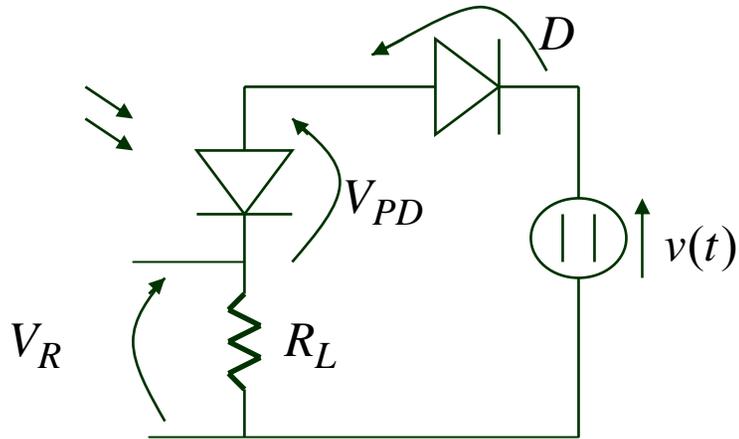
**sensibilità del sensore:**

$$S = \frac{\Delta V_{\text{out}}}{I_0} = \frac{J_{\text{opt}} T_i}{C(V_0) I_0} = \frac{q\eta T_i}{C(V_0) h\nu}$$

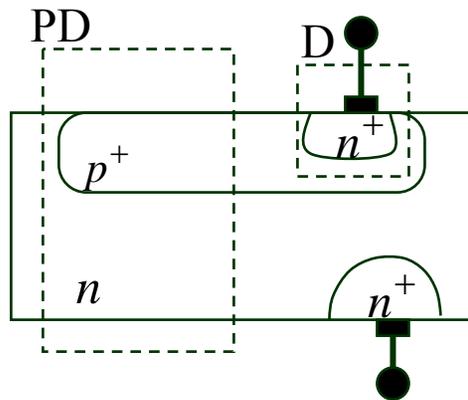
**guadagno di fotoconduttività**

$$A_F = \frac{|I_R|}{I_{\text{opt}}} = \frac{T_i}{WLC(V_0)R_L}$$

# Fototransistori bipolare e MOS

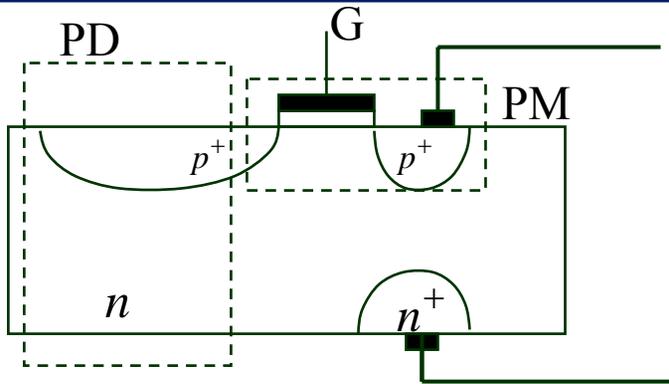
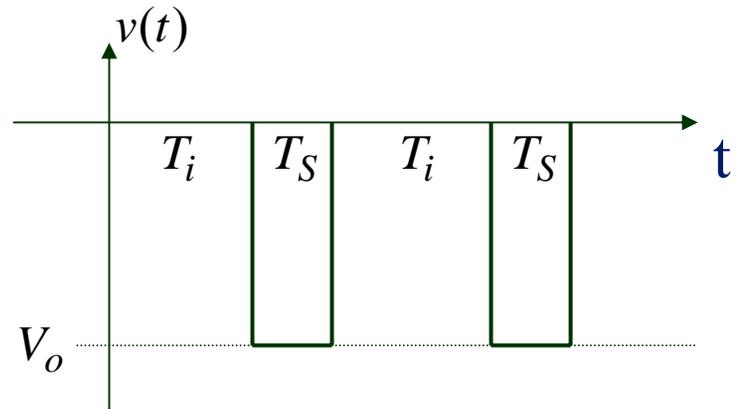
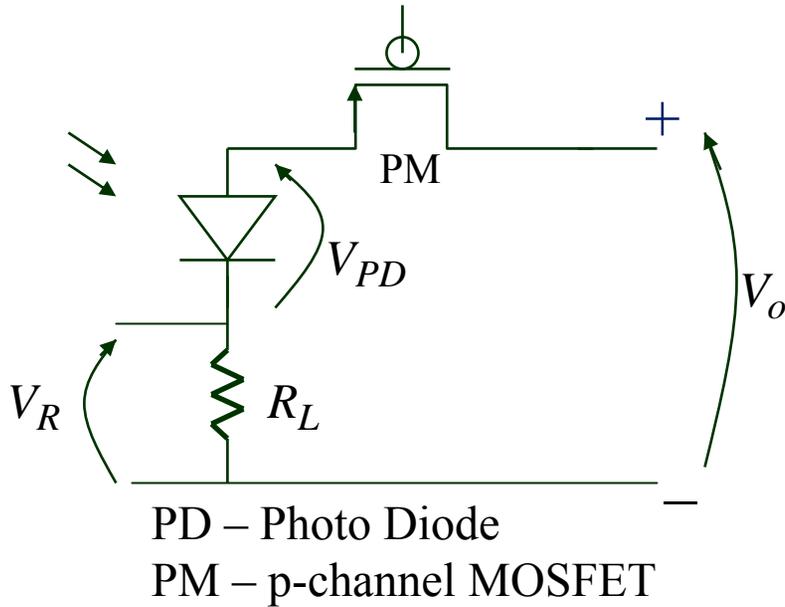


PD – Photo Diode  
D – Diode ( $V_\gamma$ )



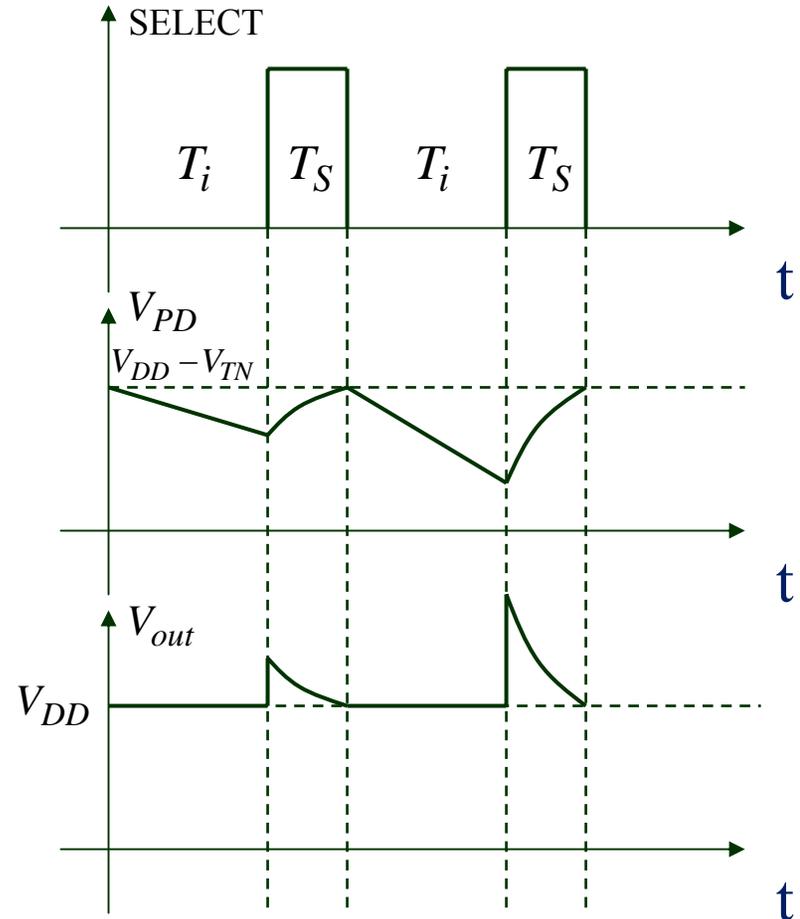
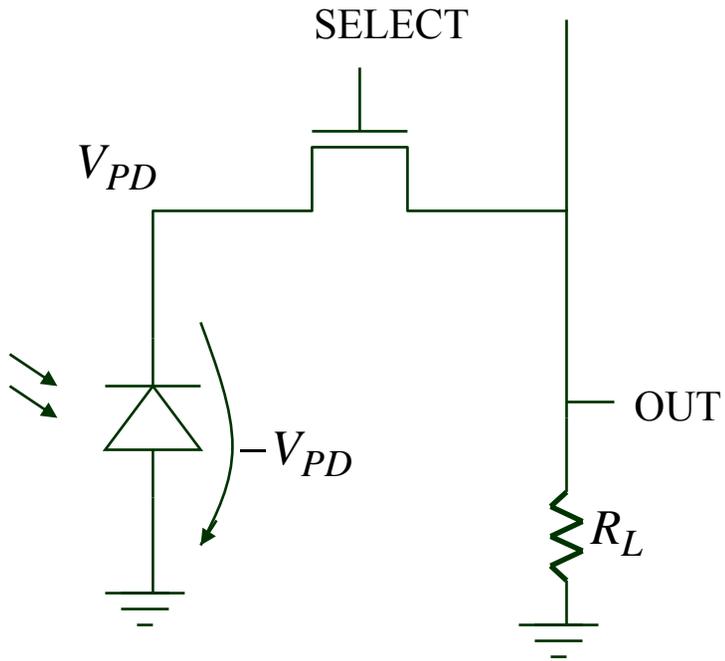
## FOTOTRANSISTORE BJT

# Fototransistori bipolare e MOS

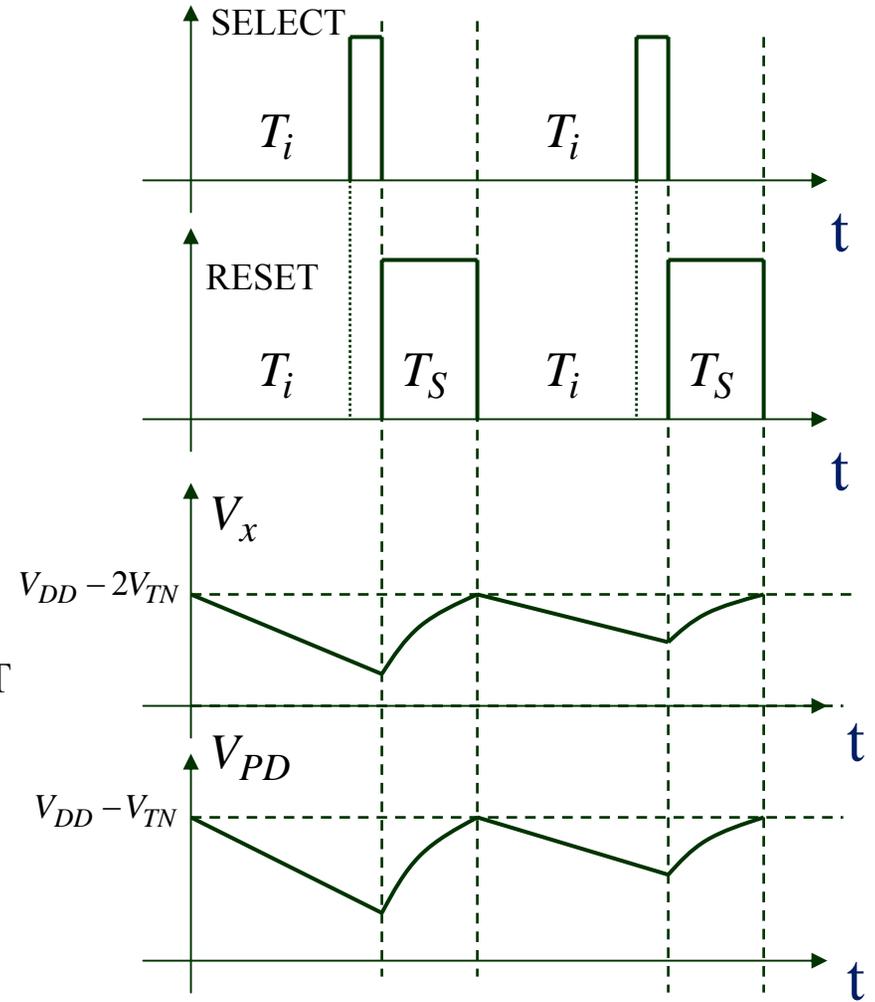
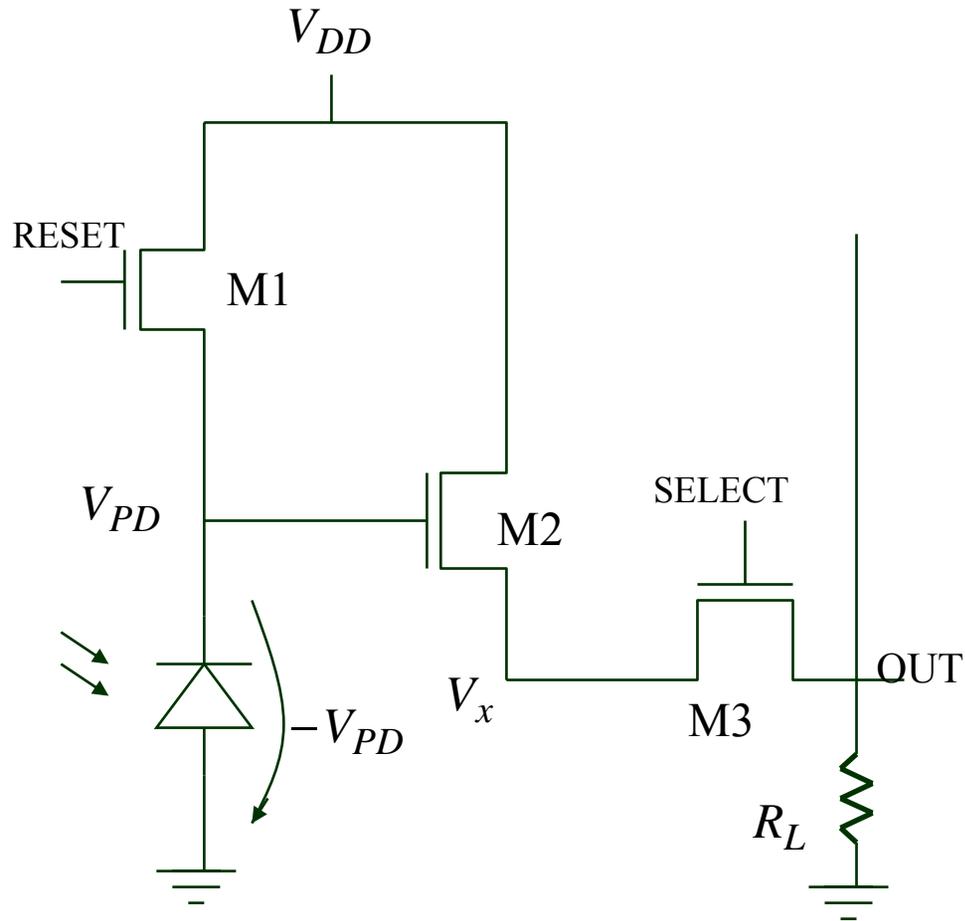


## FOTOTRANSISTORE MOS

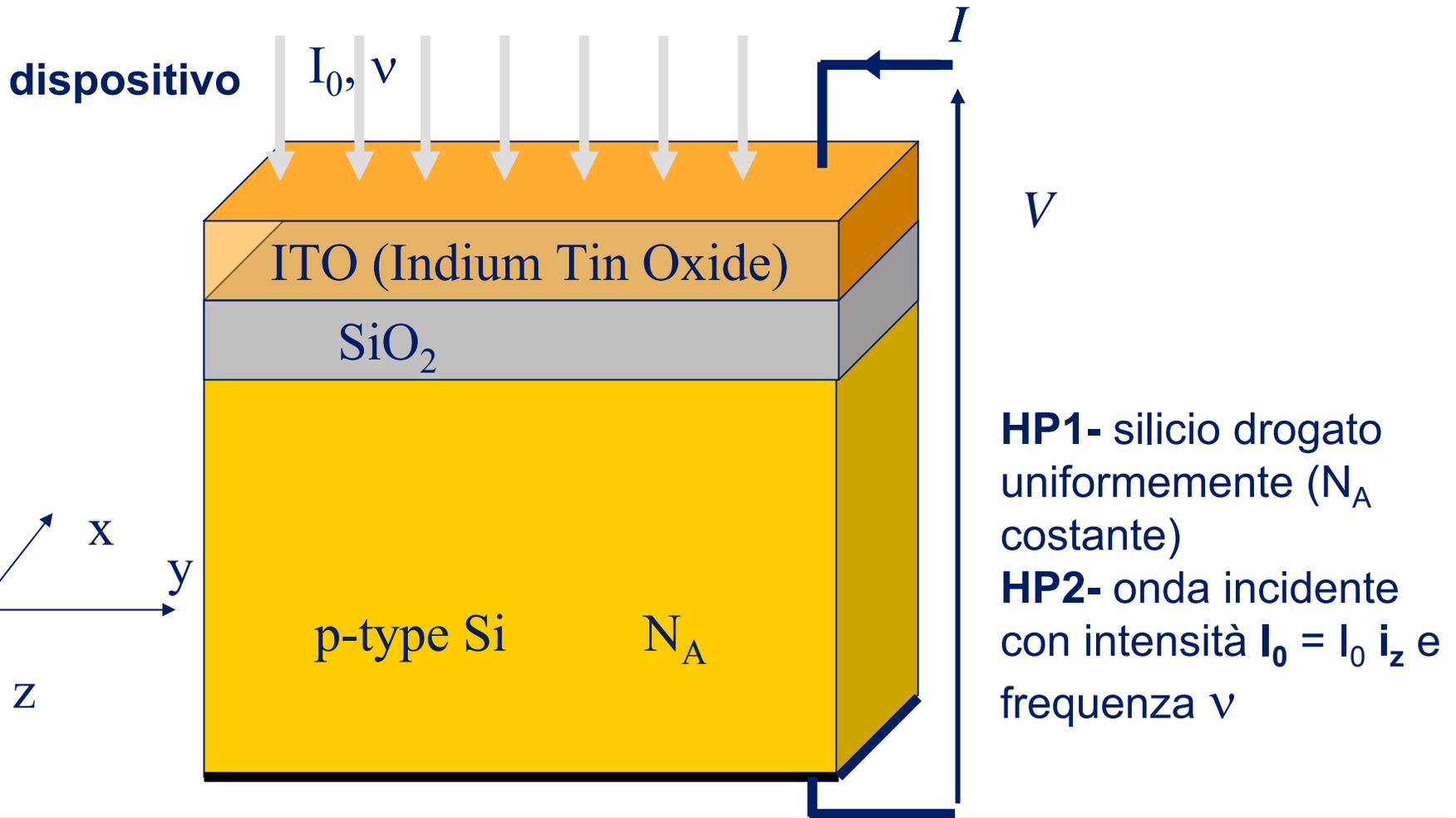
# PIXEL PASSIVO o 1T



# PIXEL ATTIVO o 3T

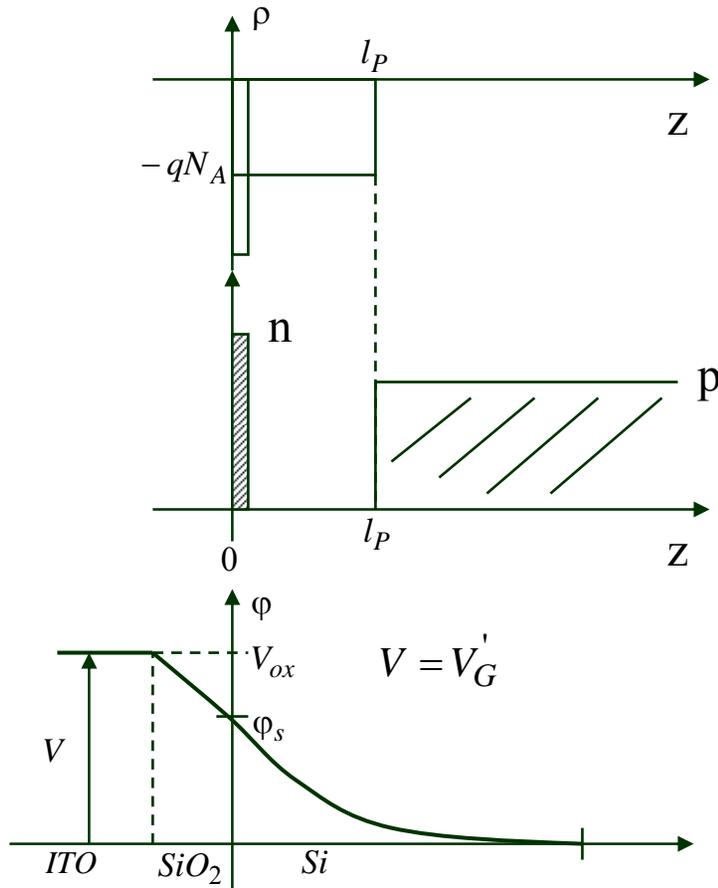


# Fotocondensatore MOS



# Fotocondensatore MOS

funzionamento del condensatore MOS in regime stazionario:



carica nel smc:

$$Q_{SC} = -C_{ox}(V_G' - \phi_S)$$

carica di svuotamento:

$$Q_B = -qN_A l_p$$

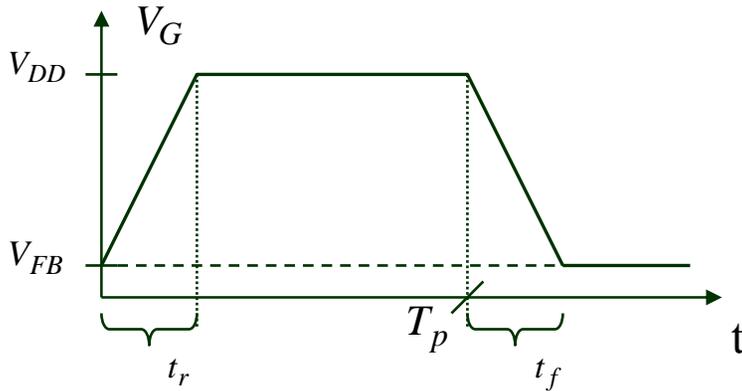
carica di inversione:

$$Q_i = Q_{SC} - Q_B = -C_{ox}(V_G' - \phi_S - \gamma\sqrt{\phi_S})$$

$$\gamma = \frac{\sqrt{2\varepsilon_s q N_A}}{C_{ox}}$$

# Fotocondensatore MOS

funzionamento del condensatore MOS in regime impulsato:



$$\tau_d \ll t_r, t_f \ll \tau_n, \tau_p$$

$$t_r = t_f$$

$\tau_d$  : tempo di rilassamento dielettrico

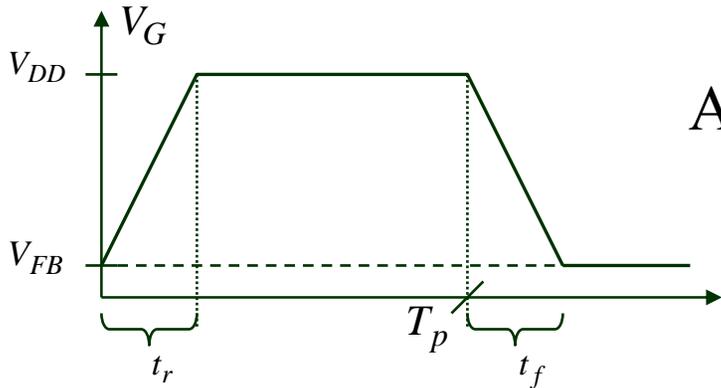
$$\tau_d = \frac{\epsilon_s}{\sigma} \cong 10 \text{ ps}$$

$\tau_n, \tau_p$  : tempo di vita degli elettroni e delle lacune

$$\tau_n, \tau_p \cong 1 \div 10 \mu\text{s}$$

# Fotocondensatore MOS

funzionamento del condensatore MOS in regime impulsato:



$$A) t : 0 \rightarrow 0^+ = t_r$$

$$Q_i = 0$$

$$V_G' = V_H = (V_{DD} - V_{FB})$$

$$\varphi_S(t = 0^+) = V_H + \frac{1}{2} \gamma^2 \left( 1 - \sqrt{1 + \frac{4V_H}{\gamma^2}} \right)$$

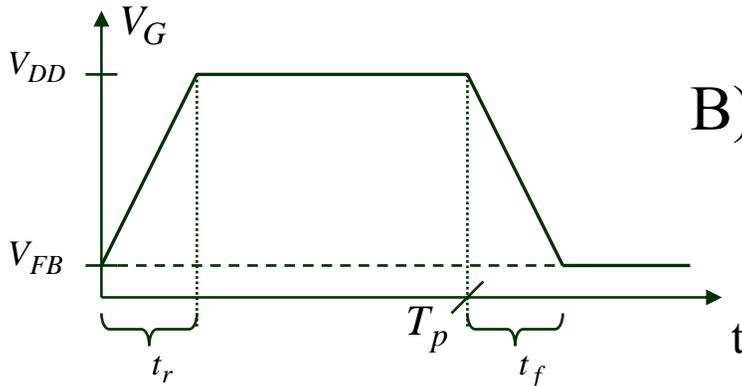
$$\varphi_S(t = 0^+) > \varphi_S^{eq}$$

$$l_p(t = 0^+) > l_p^{eq}$$

CONDIZIONE DI  
SVUOTAMENTO PROFONDO

# Fotocondensatore MOS

funzionamento del condensatore MOS in regime impulsato:



B)  $t > 0^+$

$$Q_i(t) \cong \left. \frac{dQ_i}{d\varphi_S} \right|_{\varphi_S = \varphi_S(t=0^+)} (\varphi_S - \varphi_S(t=0^+))$$

$$\left. \frac{dQ_i}{d\varphi_S} \right|_{\varphi_S = \varphi_{S0}} = C_{ox} + \gamma C_{ox} \frac{1}{2} \frac{1}{\sqrt{\varphi_{S0}}} =$$

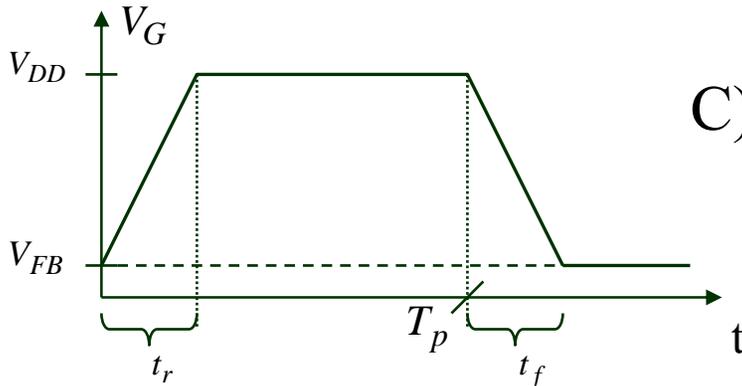
$$= C_{ox} + C_d(0^+) \cong C_{ox}$$

$$C_{ox} \gg C_d(0^+)$$

$$Q_i(t) \cong C_{ox} (\varphi_S - \varphi_{S0})$$

# Fotocondensatore MOS

funzionamento del condensatore MOS in regime impulsato:



$$C) \quad t : T_p \rightarrow T_p + t_f$$

$$\frac{\partial n}{\partial t} = \frac{1}{q} \frac{\partial J_n}{\partial z} - U_{SRH}; U_{SRH} = \frac{n - n_o}{\tau_n}$$

$$Q_i = -q \int_0^L (n - n_o) dz$$

$$\frac{\partial Q_i}{\partial t} = - \int_0^L \frac{\partial J_n}{\partial z} dz - \frac{Q_i}{\tau_n} = - \frac{Q_i}{\tau_n}$$

$$Q_i(t) = Q_i(T_p) e^{-t/\tau_n}$$

# Fotocondensatore MOS

circuito di lettura

